

## Correction de SOS MATH 1<sup>ère</sup> S – SUITES - Fiche 2

1. a) Dans la cellule B2, on écrit la formule  $= (A2^3 + 2 * A2) / (A2 + 1)$  → Il vaut mieux éviter d'utiliser les notations mathématiques :  $= (A2^3 + 2 * A2) / (A2 + 1)$ .

b) Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $n \leftarrow 0$  → Car  $n \in \mathbb{N}$ .

$$u \leftarrow \frac{n^3 + 2n}{n + 1}$$

Tant que  $u \leq 10^5$  faire

$$n \leftarrow n + 1$$

$$u \leftarrow \frac{n^3 + 2n}{n + 1}$$

→ Le terme est fonction du rang.

Fin du Tant que

Afficher  $n$

c) En programmant cet algorithme sur la calculatrice, on obtient :  $n = 317$ .

Sur TI nspire :

LibPub suite1(=

Prgm

Local  $n, u$

$n := 0$

$$u := \frac{n^3 + 2n}{n + 1}$$

While  $u \leq 10^5$

$n := n + 1$

$$u := \frac{n^3 + 2n}{n + 1}$$

EndWhile

Disp  $n$

EndPrgm

Sur CASIO :

```
0→N
(N^3+2×N)÷(N+1)→U
While U≤100000
N+1→N
(N^3+2×N)÷(N+1)→U
WhileEnd
N.
```

On peut vérifier (ou même tricher) en trouvant à la calculatrice un tableau de valeurs :

$n$	$u_n$
315	99912
316	99942
317	100174
318	100808

**317**

2. a) Dans la cellule B2, on écrit 0,001.

Dans la cellule B3, on écrit la formule  $= 2 * (B2 + 1)$

b) Avec boucle TANT QUE :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel

$$n \leftarrow 0$$

→ Car le premier terme est  $u_0$ .

$$u \leftarrow 0,001$$

Afficher  $u$

Tant que  $n < 8$  faire

→ Attention, le dernier des huit termes est le 8<sup>ème</sup> terme, c'est  $u_7$ .

$$n \leftarrow n + 1$$

$$u \leftarrow 2(u + 1)$$

→ Le terme est fonction du terme précédent.

Afficher  $u$

Fin du Tant que

Avec boucle POUR :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel

$$u \leftarrow 0,001$$

Afficher  $u$

Pour  $i$  allant de 1 à 7 faire

→ On va calculer et afficher les sept termes suivants, de  $u_1$  à  $u_7$ .

$$u \leftarrow 2(u + 1)$$

Afficher  $u$

Fin du Pour

Avec boucle POUR, deuxième version :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel

$$u \leftarrow 0,001$$

Pour  $n$  allant de 0 à 7 faire

→ On va afficher et calculer les huit termes  $u_0$  à  $u_7$ .

Afficher  $u$

$$u \leftarrow 2(u + 1)$$

Fin du Pour

c) Avec boucle TANT QUE :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel

$$n \leftarrow 0$$

$$u \leftarrow 0,001$$

Tant que  $n < 10$  faire

$$n \leftarrow n + 1$$

$$u \leftarrow 2(u + 1)$$

Fin du Tant que

Afficher  $u$

Avec boucle POUR :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $u \leftarrow 0,001$   
Pour  $i$  allant de 1 à 7 faire  
     $u \leftarrow 2(u + 1)$   
Fin du Pour  
Afficher  $u$

d) Uniquement avec boucle TANT QUE :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $n \leftarrow 0$   
 $u \leftarrow 0,001$   
Tant que  $a \leq 10^4$  faire  
     $n \leftarrow n + 1$   
     $u \leftarrow 2(u + 1)$   
Fin du Tant que  
Afficher  $u$

3. a) Dans la cellule B3, on écrit la formule  $= (A2*B2)/(A2+1)$ .  $\rightarrow$  On peut aussi écrire :  $= (A2*B2)/A3$  puisque  $A2+1$  vaut  $A3$ .

b) Avec boucle TANT QUE :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $n \leftarrow 1$   $\rightarrow$  Car le premier terme est  $u_1$ .  
 $u \leftarrow 3/2$   
Tant que  $n < 20$  faire  
     $n \leftarrow n + 1$   
     $u \leftarrow \frac{nu}{n+1}$   
Fin du Tant que  
Afficher  $u$

Avec boucle POUR :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $u \leftarrow 3/2$   
Pour  $i$  allant de 1 à 19 faire  $\rightarrow$  On va calculer les dix-neuf termes suivants, de  $u_2$  à  $u_{20}$ .  
     $u \leftarrow 2(u + 1)$   
Fin du Pour  
Afficher  $u$

Avec boucle POUR, deuxième version :

Variables :  $n$  entier,  $u$  réel  
 $u \leftarrow 3/2$   
Pour  $n$  allant de 2 à 20 faire  $\rightarrow$  On utilise le rang comme compteur.  
     $u \leftarrow 2(u + 1)$   
Fin du Pour  
Afficher  $u$

4. a) Dans la cellule B2, on écrit la formule  $= 2/(A2-1)+3$ .

b) On observe que les termes se rapprochent de plus en plus de 3.  
On peut conjecturer que cette suite a pour limite un nombre proche de 3.

Remarque : Il est probable que la limite soit exactement 3.

Mais au seul vu des valeurs disponibles, il est difficile d'être aussi précis. Ce pourrait être 3,01 ou même 3,019.

On évite les ennuis avec « un nombre proche de 3 ».

c) Cet algorithme calcule les termes de la suite  $(v_n)$  tant que ces termes sont à plus de un centième de 3.  
Puis, il affiche le rang du premier terme qui est à moins d'un centième de 3.

En programmant sur la calculatrice, on obtient :  $n = 202$ .

5. a) Si on choisit  $n = 3$ , l'algorithme calcule  $u_1 = \sqrt{2 \times 1} = \sqrt{2}$ , puis  $u_2 = \sqrt{2\sqrt{2}}$ , puis  $u_3 = \sqrt{2\sqrt{2\sqrt{2}}} \approx 1,834$ .  
Il affiche ensuite le dernier terme calculé, c'est-à-dire  $u_3 = \sqrt{2\sqrt{2\sqrt{2}}} \approx 1,834$ .

b) Cet algorithme calcule les termes de la suite  $(u_n)$  du rang 1 au rang  $n$ , puis, il affiche le dernier terme calculé, c'est-à-dire  $u_n$ .

c)

$n$	15	16	17	18
Valeurs affichées	1,999 95	1,999 97	1,999 98	1,999 99

On peut conjecturer que la suite est croissante et que sa limite est 2.

→ Le risque pris en annonçant précisément 2 est faible...

On peut obtenir ces valeurs sur la calculatrice en déterminant le tableau de valeurs ou en programmant l'algorithme.

Cet algorithme a la particularité de demander une valeur à l'utilisateur.

Sur TI nspire :

```

LibPub suite2(n)=
Prgm
Local u
u:=1
For i,1,n
  u:=√2u
EndFor
Disp u
EndPrgm
  
```

Sur CASIO :

```

?→N#
1→U#
For 1→I To N#
  J(2×U)→U#
Next I
U#
  
```

d) Variables :  $n$  est un entier naturel  
 $u$  est un réel  
Initialisation : Affecter à  $n$  la valeur 0  
Affecter à  $u$  la valeur 1  
Traitement : Tant que  $u \leq 1,999$  faire  
 $u \leftarrow \sqrt{2u}$   
 $n \leftarrow n + 1$   
Fin du Tant que  
Sortie : Afficher  $n$

6. a) Affecter à  $u$  la valeur  $\frac{nu + 1}{2(n + 1)}$   
Affecter à  $n$  la valeur  $n + 1$

→ Formule mixte : le terme est fonction du terme précédent et du rang précédent.

b) Variables  $n$  est un entier naturel  
 $u$  est un réel  
Initialisation Affecter à  $n$  la valeur 1  
Affecter à  $u$  la valeur 1,5  
Traitement Tant que  $n < 9$   
Affecter à  $u$  la valeur  $\frac{nu + 1}{2(n + 1)}$   
Affecter à  $n$  la valeur  $n + 1$   
Afficher la variable  $u$   
Fin Tant que

→ Il suffit de mettre l'affichage dans la boucle.

c) Au vu de ces résultats, on peut conjecturer que la suite  $(u_n)$  est croissante et qu'elle a pour limite un nombre proche de 0.

7. a)

$i$	1	2	3
$u$	0,8	1,077	0,976

→ Impossible de savoir si vous avez utilisé l'algorithme ou un tableau de valeurs...

b) On peut conjecturer que la suite  $(u_n)$  n'est pas monotone mais qu'elle a pour limite 1.

8. a) Pour l'algorithme N°1, l'instruction " Afficher  $v$  " est mal placée : on calcule tous les termes de  $v_0$  à  $v_n$  mais seul le dernier est affiché.  
Pour l'algorithme N°2, l'instruction "  $v$  prend la valeur 1 " est mal placée : à chaque passage dans la boucle,  $v$  prend la valeur 1 avant d'être affiché. Le calcul du terme suivant ne sert donc à rien, l'algorithme n'affiche que des 1...

L'algorithme N°3 est le bon : les boucles affichent les termes  $v_0$  à  $v_{n-1}$ , puis la dernière instruction permet d'afficher  $v_n$ .

b) On peut conjecturer que la suite  $(v_n)$  est croissante et qu'elle a pour limite un nombre proche de 3.

9.

$K$	$U$	$V$	$W$
0	2	10	rien
1	$\frac{14}{3}$	8	2
2	$\frac{52}{9}$	$\frac{43}{6}$	$\frac{14}{3}$

Explications détaillées :

<b>Variables :</b>	$N$ est un entier $U, V, W$ sont des réels $K$ est un entier				
<b>Début :</b>	Affecter 0 à $K$	0	rien	rien	rien
	Affecter 2 à $U$	0	2	rien	rien
	Affecter 10 à $V$	0	2	10	rien
	Saisir $N$	0	2	10	rien
	Tant que $K < N$	Le test $K < N$ est vrai car $0 < 2$			
	Affecter $K + 1$ à $K$	1	2	10	rien
	Affecter $U$ à $W$	1	2	10	2
	Affecter $\frac{2U + V}{3}$ à $U$	1	$\frac{2 \times 2 + 10}{3} = \frac{14}{3}$	10	2
	Affecter $\frac{W + 3V}{4}$ à $V$	1	$\frac{14}{3}$	$\frac{2 + 3 \times 10}{4} = 8$	2
	Tant que $K < N$	Le test $K < N$ est vrai car $1 < 2$			
	Affecter $K + 1$ à $K$	2	$\frac{14}{3}$	8	2
	Affecter $U$ à $W$	2	$\frac{14}{3}$	8	$\frac{14}{3}$
	Affecter $\frac{2U + V}{3}$ à $U$	2	$\frac{2 \times \frac{14}{3} + 8}{3} = \frac{52}{9}$	8	$\frac{14}{3}$
	Affecter $\frac{W + 3V}{4}$ à $V$	2	$\frac{52}{9}$	$\frac{\frac{14}{3} + 3 \times 8}{4} = \frac{43}{6}$	$\frac{14}{3}$
	Tant que $K < N$	Le test $K < N$ est faux car $2 \geq 2$			
	Fin tant que				
	Afficher $U$	2	$\frac{52}{9}$	$\frac{43}{6}$	$\frac{14}{3}$
	Afficher $V$	2	$\frac{52}{9}$	$\frac{43}{6}$	$\frac{14}{3}$
<b>Fin</b>					

10.

a)  $u_2 = 5u_1 - 6u_0$   
 $= 5 \times 8 - 6 \times 3$   
 $= 22$

$u_3 = 5u_2 - 6u_1$   
 $= 5 \times 22 - 6 \times 8$   
 $= 62$

- b) **Variables :**  $a, b$  et  $c$  sont des nombres réels  
 $i$  et  $n$  sont des nombres entiers naturels supérieurs ou égaux à 2
- Initialisation :**  $a$  prend la valeur 3  
 $b$  prend la valeur 8
- Traitement :** Saisir  $n$   
 Pour  $i$  variant de 2 à  $n$  faire  
 $c$  prend la valeur  $a$   
 $a$  prend la valeur  $b$   
 $b$  prend la valeur  $5a - 6c$   
 Fin Pour
- Sortie :** Afficher  $b$